



evropský
sociální
fond v ČR



EVROPSKÁ UNIE



MINISTERSTVO ŠKOLSTVÍ,
MLÁDEŽE A TĚLOVÝCHOVY



OP Vzdělávání
pro konkurenceschopnost

INVESTICE DO ROZVOJE VZDĚLÁVÁNÍ

Projekt	Amper, SŠ PTA Jihlava - pracoviště tř. Legionářů 3
Číslo projektu	CZ .1.07/1.1.36/02.0066
Číslo sady	01
Číslo vzdělávacího materiálu	03/5
Autor	Ing. Salah Ifrah
Datum vytvoření	15 září 2013
Předmět	<i>Automatické řízení</i>
Téma	<i>Tvary spojitě přenosové funkce systém prvního řádu s dopravním zpožděním</i>
Anotace	<i>Pracovní list je zaměřený hlavně na praktické použití blokové algebry při analýze chování lineárního regulačního obvodu</i>
Metodický pokyn	<i>Pracovní list s úkoly, vhodný i pro individuální práci, časová náročnost 90 minut</i>
Inovace	<i>ICT podpora teoretické výuky automatického řízení simulací, vyšší názornost a originalita, podpora interakce mezi učitelem a žákem</i>

Tvary spojitě přenosové funkce systému 1. řádu s dopravním zpožděním

Klíčová aktivita: obecný tvar obrazového přenosu, součin, součet a zpětnovazební tvar

Cíl:

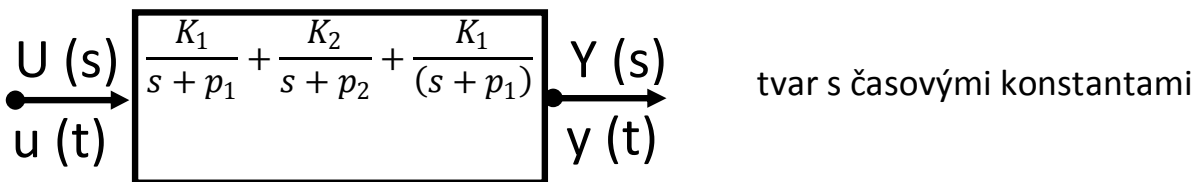
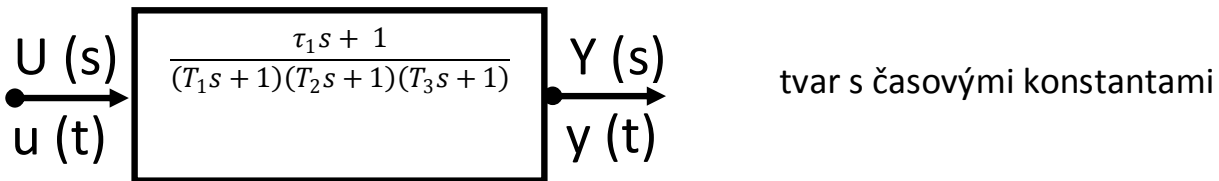
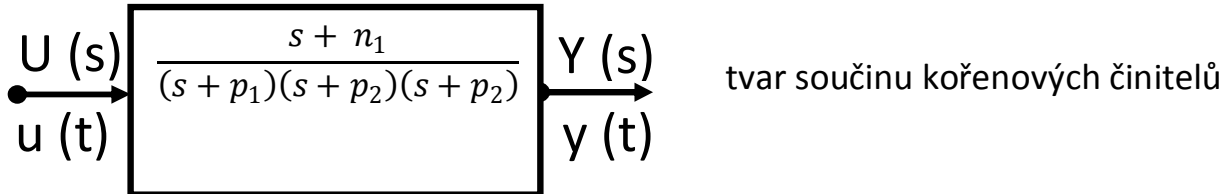
- Vytvořit z obecného tvaru přenosu tvar součinu a tvar součtu a naopak.
- Vytvořit tyto tvary jako funkční modely v prostředí Wolfram-Mathematica .

Vstupní znalosti	Základy spojitěho lineárního řízení, blokové algebry a sw Wolfram-Mathematica
	Pomocné prostředky: - Wolfram-Mathematica - Amper_01_TvSpPr_Sys1RaSdopZpo_Cv.cdf - Kurz automatického řízení
	Činnost: počítačové cvičení, doba řešení: 1,5H

Zadání

vyjádřete daný obecný tvar obrazového přenosu pomocí dalších typů tvarů jako jsou “tvar součinu kořenových činitelů”, “tvar s časovými konstantami” a “tvar parciálních zlomků”

$$G = \frac{3}{6+s} e^{-2s} \cong \frac{3}{6+s} \frac{1 - \frac{2s}{2}}{1 + \frac{2s}{2}}$$



Úkoly

1. Připravte referát.
2. uveďte obecnou definici přenosové funkce.
3. seznámte se s jednotlivými tvary vyjádření přenosové funkce (přenosu) a určete počet vstupů a výstupů regulované soustavy a uveďte jeho název.
4. Určete kořeny polynomů v čitateli a jmenovateli (nuly = zeros, póly= pols).
5. Napište přenosovou funkci (přenos) ve tvaru kořenových činitelů a uveďte význam její parametrů .
6. Napište přenosovou funkci (přenos) ve tvaru s časovými konstantami a uveďte význam její parametrů.
7. Napište přenosovou funkci (přenos) ve tvaru parciálních zlomků a uveďte význam její parametrů.
8. Ověřte pomocí softwaru Wolfram-Mathematica výsledky z bodů 3 až 7, **podle potřeby si vyžádejte pomoc od učitele**
 - a. v prostředí softwaru Wolfram-Mathematica otevřete soubor typu .nb (notebook) a nazvěte jej TvSpPrSy1sDoZp_jmeno_trida_datum.
 - b. Seznámte se s příkazovými řádky Apart, Simplify, FullSimplify, TransferFunctionFactor, TransferFunctionModel,

SystemsModelDimensions, TransferFunctionPoles, TransferFunctionZeros, TransferFunctionExpand a jejich využití.

- c. Vytvořte funkční modely na základě jednotlivých tvarů přenosové funkce .
9. Na základě funkčního modelu z bodu 8c) a určete řád dané soustavy s přenosem $G(s)$.

Závěr

do závěru uveďte porovnávání tvarů přenosové funkce a jejich využití a zejména využití nul, pólů, zesílení a časových konstant.

1-Příprava referátu - vyplňte hlavičku referátu (viz formalář).

2-Obecná definice přenosové funkce

Přenosová funkce G je matematické vyjádření relace mezi vstupem lineárního systému $u(t)$ a jeho výstupem $y(t)$. Může být jednorozměrný systém (1 vstup a 1 výstup) nebo vícerozměrný (několik vstupů a výstupů). Jsou známy dva druhy přenosových funkcí obrazový a frekvenční přenos

a - obrazový přenos : podíl Laplaceova obrazu $Y(s)$ výstupního signálu $y(t)$ k L-obrazu vstupního $U(s)$ signálu $u(t)$ při nulových počátečních podmínkách. L-obrazy získáme z originálů Laplaceovou transformací.

$$G(s) = \frac{Y(s)}{U(s)}, \quad \text{kde } s \equiv \frac{d}{dt} \text{ je operátor}$$

derivace

b - frekvenční přenos : podíl Fourierova obrazu $Y(j\omega)$ výstupního signálu $y(t)$ k F-obrazu $U(j\omega)$ vstupního signálu $u(t)$ při nulových počátečních podmínkách. Frekvenční přenos lze formálně určit z obrazového přenosu dosazením $s \equiv j\omega$

$$G(j\omega) = \frac{Y(j\omega)}{U(j\omega)}, \quad \text{kde } j \text{ komplexní}$$

operátor a ω kruhová frekvence

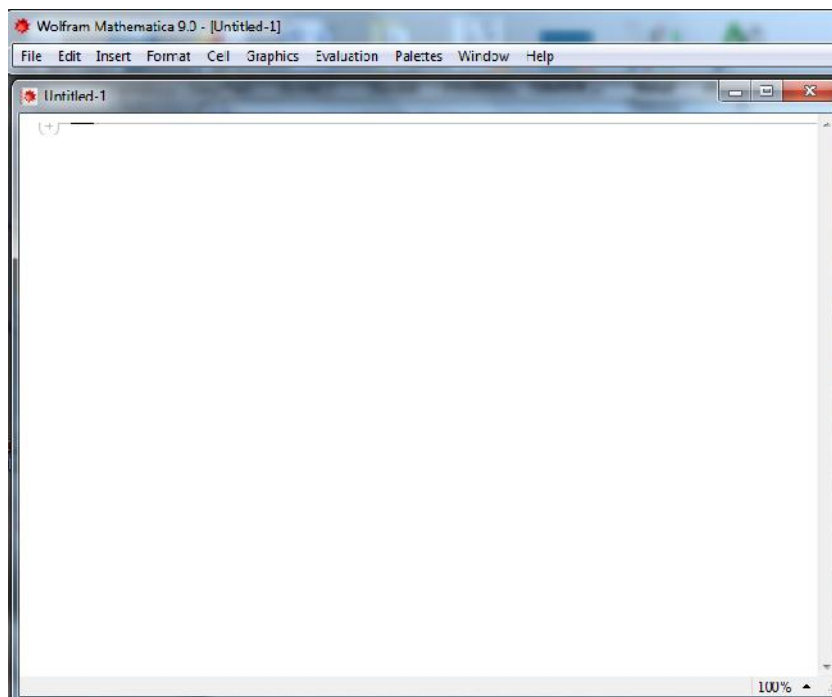
8-Ověření výsledků v prostředí Wolfram Mathematica

a- Tvorba souboru typu notebook

v prostředí Wolfram-mathematica- hlavní menu postupně klepněte levým tlačítkem myši na:

File → *New* → *Notebook (.nb)* nebo *ctrl+N*

objeví se prázdný soubor s názvem "untitled-číslo"



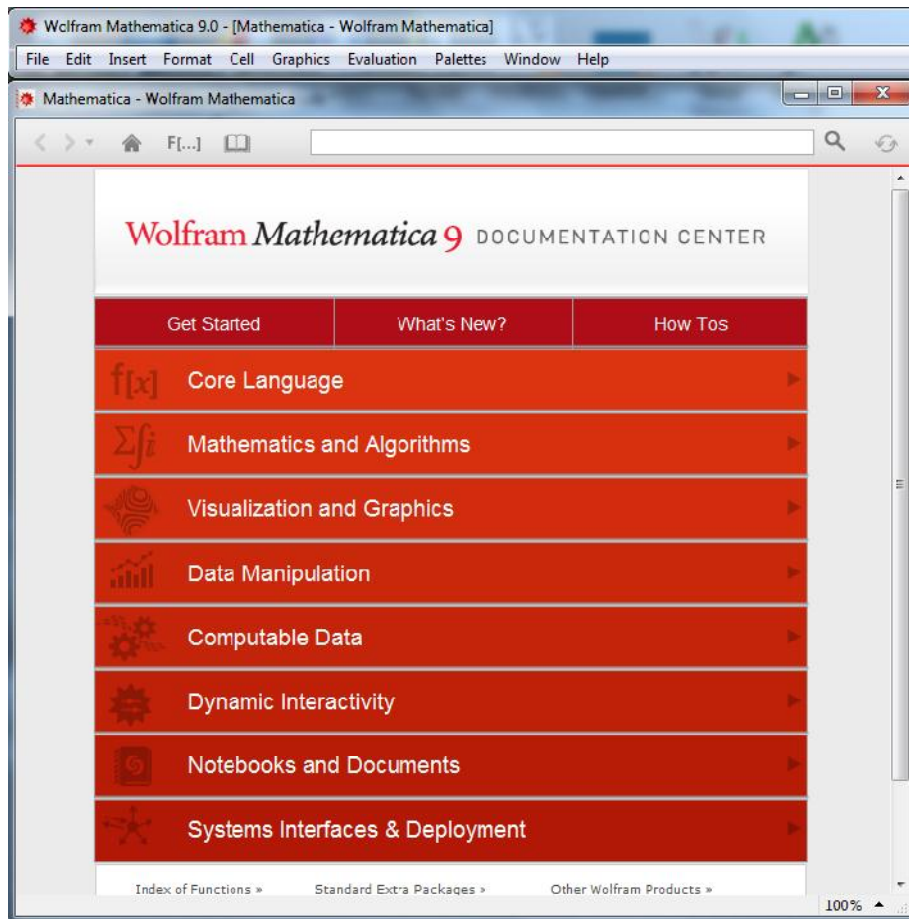
uložte jej pod názvem "TvSpPrSy1sDoZp _jmeno_trida_datum "

b- seznámení s jednotlivými příkazovými řádky

v prostředí Wolfram-mathematica - hlavní menu postupně klepněte levým tlačítkem myši na:

Help → Documentation Centre

objeví se *podmenu*



Do prázdného pole napište jednotlivé příkazové řádky a postupne prostudujte syntaxi a způsob použití

c- Tvorba funkčních modelů a ověření vypočtených výsledků

bod 3-Jednotlivé tvary přenosové funkce - tvorba funkčního modelu

Jsou známé 4 tvary přenosové funkce lineární spojité regulované soustavy:

- obecný tvar,
- tvar součinu kořenových činitelů,
- tvar s časovými konstantami,
- tvar parciálních zlomků.

Funkční model přenosové funkce v obecném tvaru dostaneme příkazovým řádkem

$$G = \text{TransferFunctionModel} \left[\left\{ \left\{ \frac{3}{6+s}, \frac{1-\frac{2s}{2}}{1+\frac{2s}{2}} \right\} \right\}, s \right]$$

$$\left(\frac{3(1-s)}{(1+s)(6+s)} \right) \mathcal{T}$$

a dimenze regulované soustavy bude

$$\text{SystemsModelDimensions} \left[\left(\frac{3(1-s)}{(1+s)(6+s)} \right) \tau \right]$$

{1, 1}

Jedná se o jednorozměrnou regulovanou soustavu

bod 4-Kořeny polynomů v čitateli a jmenovateli (nuly = zeros, póly= poles).

Nuly určíme příkazovým řádkem

TransferFunctionZeros [G]

{{{1}}}

Póly určíme příkazovým řádkem

TransferFunctionPoles [G]

{{{-6, -1}}}

bod 5-Přenosová funkce - tvar kořenových činitelů

Tvar kořenových činitelů funkčního modelu z bodu 3 určíme příkazovým řádkem

TransferFunctionFactor [G]

$$\left(- \frac{3(-1+s)}{(1+s)(6+s)} \right) \tau$$

bod 6-Přenosová funkce - tvar s časovými konstantami

Tvar s časovými konstantami funkčního modelu určíme příkazovým řádkem

$$\text{TransferFunctionModel} \left[\left\{ \left\{ \frac{3}{6+s}, \frac{1-\frac{2s}{2}}{1+\frac{2s}{2}} \right\} \right\}, s \right]$$

$$\left(\frac{3(1-s)}{(1+s)(6+s)} \right) \tau$$

Časové konstanty jsou -1 a -6.

Statické zesílení soustavy určíme v ustáleném stavu výstupu soustavy $y(t)$ pro $t \rightarrow \infty$ nebo pro $s \rightarrow 0$, tedy je $1/3$

bod 7-Přenosová funkce - tvar parciálních zlomků

Tvar parciálních zlomků funkčního modelu určíme příkazovým řádkem

$$\text{Apart} \left[\frac{3}{6+s} \frac{1-\frac{2s}{2}}{1+\frac{2s}{2}} \right]$$

$$\frac{6}{5(1+s)} - \frac{21}{5(6+s)}$$

Výsledkem je součet 2 přenosů. Tvar součinu kořenových činitelů dostaneme

```
TransferFunctionModel [{{ {  $\frac{6}{5(1+s)} - \frac{21}{5(6+s)}$  }}, s]
```

```
( -  $\frac{3(-1+s)}{(1+s)(6+s)}$  )  $\mathcal{T}$ 
```

Obecný tvar dostaneme zpět

```
TransferFunctionModel [{{ {  $\frac{6}{5(1+s)} - \frac{21}{5(6+s)}$  }}, s] // Simplify
```

```
(  $\frac{3-3s}{6+7s+s^2}$  )  $\mathcal{T}$ 
```

9-Řád regulované soustavy

řád regulované soustavy určuje nejvyšší stupeň polynomu na jmenovateli přenosové funkce G. V našem případě je 2.

Závěr

Přenosová funkce se používá hlavně

- pro popis chování a vlastnosti regulovaných soustav (elektrické, mechanické, elektromechanické, pneumatické a hydraulické) a regulátorů.
- při vyšetřování stability regulačních obvodů
- při návrhu regulátorů

Časová konstanta: určuje ideální dobu, za kterou by výstup regulované soustavy dosahl ustalený stav $y(t)$ pro $t \rightarrow \infty$.

Nuly, poly a zesílení soustavy: určují hlavně míru stability regulované nebo regulační soustavy při návrhu regulátoru.

Obecný tvar přenosové funkce: určuje řád soustavy, řád astatismu a usnadňuje kreslení frekvenční charakteristiky v komplexní rovině

Tvar parciálních zlomků přenosové funkce: usnadňuje realizace soustavy.

Tvar přenosová funkce s časovými konstantami: usnadňuje kreslení frekvenční amplitudové a fázové charakteristiky. Je nejpoužívanější tvar v regulační technice.

Zdroje

-Interní studijní materiál školy a firemní dokumentace software Wolfram-Mathematica.

-<http://reference.wolfram.com/mathematica/ref/TransferFunctionPoles.html?q=TransferFunctionPoles&lang=en>

-<http://reference.wolfram.com/mathematica/ref/TransferFunctionZeros.html?q=TransferFunctionZeros&lang=en>

-<http://reference.wolfram.com/mathematica/ref/TransferFunctionFactor.html?q=TransferFunctionFactor&lang=en>

-<http://reference.wolfram.com/mathematica/ref/TransferFunctionModel.html?q=TransferFunctionModel&lang=en>

-<http://reference.wolfram.com/mathematica/ref/TransferFunctionExpand.html?q=TransferFunctionExpand&lang=en>

Materiál je určen pro bezplatné používání pro potřeby výuky a vzdělávání na všech typech škol a školských zařízení.

Jakékoliv další využití podléhá autorskému zákonu.

Neocitovaná autorská díla jsou dílem autora.

Neocitované obrázky jsou součástí prostředků výukového software Microsoft office 2007.